

Aufgabe 1

Wir definieren die *Doppelresolution* analog zum Resolutionsverfahren aus der Vorlesung, jedoch mit einem neuen Resolventenbegriff: Seien C, C_1, C_2 Klauseln. C heißt *Doppelresolvente* von C_1 und C_2 , falls es (nicht notwendigerweise verschiedene) Literale Y, Z gibt, so dass $\{Y, Z\} \subseteq C_1$, $\{\bar{Y}, \bar{Z}\} \subseteq C_2$ und

$$C = (C_1 \setminus \{Y, Z\}) \cup (C_2 \setminus \{\bar{Y}, \bar{Z}\}).$$

Beweisen oder widerlegen Sie folgende Aussagen:

- (a) Der Doppelresolutionskalkül ist vollständig.
- (b) Der Doppelresolutionskalkül ist korrekt.

Aufgabe 2

Überprüfen Sie mit der Resolutionsmethode, ob die folgende Formel unerfüllbar, nicht-trivial oder eine Tautologie ist: $(X \vee Y) \wedge (\neg X \vee \neg Y) \wedge (Z \vee Q) \wedge (Z \vee \neg Q) \wedge \neg Y \wedge (\neg X \vee Y)$

Aufgabe 3

Welche der folgenden Sequenzen sind gültig? Begründen Sie ihre Antworten semantisch, d. h. mit Hilfe von Interpretationen, nicht durch Ableitungen im Sequenzenkalkül.

- (a) $X \vee Y, Z \rightarrow \neg Y \Rightarrow \neg X \rightarrow \neg Z$;
- (b) $X \rightarrow (Y \vee Z), \neg(Y \wedge Z) \Rightarrow X, \neg Z$.